

Faktorisierere  $z^3 + (2+i)z^2 + (1+2i)z + i$

gegeben:  $z_1 = -i$  ist eine Lösung.

Probe:  $i + (-2-i) + -i + 2 + i = 0$  ✓ stimmt

Horner Schema:

$P(z)$	1	$2+i$	$1+2i$	$i$	
$z_1 = -i$	↓ <sup>+</sup>	↙	↓ <sup>+</sup>	↓ <sup>+</sup>	← Rest=0 ⇒ $z_1$ teilt $P(z)$ ✓
	1	2	1	0	

← Koeffizienten von  $P(z)$

z.B.  $2 \cdot (-i) + 1 + 2i = 1$

Restpolynom:  $1 \cdot z^2 + 2z + 1$

Weitere Lösungen:  $(z+1)^2 = (z+1) \cdot (z+1)$

$$\Rightarrow z_2 = -1$$

$$z_3 = -1$$

Probe:

$$(z+i) \cdot (z+1)(z+1) =$$

$$(z+i) \cdot (z^2 + 2z + 1) =$$

$$\underbrace{z^3 + 2z^2 + z + iz^2 + 2iz + i} =$$

$$z^3 + (2+i)z^2 + (1+2i)z + i \quad \checkmark \text{ stimmt.}$$